

1

問1 7点

$$\begin{aligned}
 & 252 \times 189 \div \frac{441}{11} \\
 &= 252 \times 189 \times \frac{11}{441} \\
 &= 252_{36} \times 189_{3} \times \frac{11}{441_{7}} \\
 &= 1188
 \end{aligned}$$

答	1188
---	------

問2 7点

$$\begin{aligned}
 & 140 \times 0.057 - \frac{7}{5} \times 3.9 + 0.7 \times 0.32 \times 20 + 1.4 \times \left(\frac{16}{5} + 1.8 \right) \\
 &= 1.4 \times 5.7 - 1.4 \times 3.9 + 14 \times 0.32 + 1.4 \times (3.2 + 1.8) \\
 &= 1.4 \times 5.7 - 1.4 \times 3.9 + 1.4 \times 3.2 + 1.4 \times 5 \\
 &= 1.4 \times (5.7 - 3.9 + 3.2 + 5) \\
 &= 1.4 \times 10 \\
 &= 14
 \end{aligned}$$

※ $140 \times 0.057 - \frac{7}{5} \times 3.9 + 0.7 \times 0.32 \times 20 + 1.4 \times \left(\frac{16}{5} + 1.8 \right)$
 $= 7.98 - 5.46 + 4.48 + 7 = 14$

答	14
---	----

問3 7点

$$\begin{aligned}
 & 1\frac{1}{3} + \frac{4}{9} \div 6.25 \times 37.5 + 21 \div \left\{ \frac{3}{35} \div \left(1\frac{3}{7} + 2\frac{1}{3} \div 2 \right) \right\} \\
 &= \frac{4}{3} + \frac{4}{9} \div \frac{25}{4} \times \frac{75}{2} + 21 \div \left\{ \frac{3}{35} \div \left(\frac{10}{7} \div \frac{7}{3} \div 2 \right) \right\} \\
 &= \frac{4}{3} + \frac{4}{9} \times \frac{4}{25} \times \frac{75}{2} + 21 \div \left\{ \frac{3}{35} \div \left(\frac{10}{7} \times \frac{3}{7} \times \frac{1}{2} \right) \right\} \\
 &= \frac{4}{3} + \frac{8}{3} + 21 \div \left(\frac{3}{35} \div \frac{15}{49} \right) \\
 &= 4 + 21 \div \left(\frac{3^1}{35^1} \times \frac{49^2}{15^1} \right) \\
 &= 4 + 21 \div \frac{7}{25} \\
 &= 4 + 21^3 \times \frac{25}{7^1} \\
 &= 4 + 75 \\
 &= 79
 \end{aligned}$$

答	79
---	----

2 5点

$60 \times x = 100 \times (x - 5)$

3

問1 5点

定価は $600 \times 1.3 = 780$ 円
 $624 \div 780 = 0.8$
 $0.8 = 1 - 0.2$

答	2	割引
---	---	----

問2 5点

$\frac{13}{60} = \frac{91}{420}$, $\frac{5}{21} = \frac{100}{420}$

$\frac{13}{60}$ 以上, $\frac{5}{21}$ 以下の数で分母を420にすると, 分子は
 91, 92, 93, 94, 95, 96, 97, 98, 99, 100のいずれかである。
 分子が91, 93, 95, 97, 99のときは2で約分できない。分母は420のままである。
 分子が92, 96, 100のときは4で約分可能なので, 分母は105になる。
 分子が98のときは14で約分可能なので, 分母は30になる。
 したがって, $\frac{94}{420} = \frac{47}{210}$

答	$\frac{47}{210}$
---	------------------

問3 5点

12個ある三角形の底辺と高さがすべて等しいので,
 12個ある三角形の面積はすべて等しい。
 斜線がついているのは4個の三角形なので, 三角形1個の面積は
 $12 \div 4 = 3$ (cm²)
 正方形の面積は
 $12 \times 3 = 36$ (cm²)
 したがって, 1辺の長さ6cm

答	6	cm
---	---	----

問4 5点

合計34gなので7gの分銅は, 34を7で割ったときの結果を利用して
 $34 = 7 \times 4 + 6$
 と表されるので, 最大4個使うことができる。
 7gの分銅を4個使ったとき, 4gの分銅で6gをはかることができないので7gの分銅を4個は答えではない。
 7gの分銅を1, 3個使ったとき, 4gの分銅で(奇数)gをはかることができないので7gの分銅を1, 3個は答えではない。
 7gの分銅を2個使ったとき, 4gの分銅で5個で20gをはかることができるので, 4gの分銅5個と7gの分銅2個を合わせて34gになる。

答	4g	5	個	7g	2	個
---	----	---	---	----	---	---

4から8の解答は裏に書いてください。

4

問1 3点 9 cm 問2 5点 $\frac{1}{64}$ 倍

5

問1 3点 5

問2 8点

条件(2)から
 Aは2, $2 \times 2 = 4$, $2 \times 2 \times 2 = 8$, $2 \times 2 \times 2 \times 2 = 16$ のいずれかである。
 Bは3, $3 \times 3 = 9$ のいずれかである。
 よって, A=16, B=9 である。

$$\boxed{A} - \boxed{B} = \boxed{16} - \boxed{9} = 4 - 2 = 2$$

これより, 条件(1)は

$$\boxed{C} - \boxed{D} = 2$$

と表される。

上の式を満たすCとDの組み合わせは

$$\begin{aligned} C=5 \times 5 \times 5 = 125, & \quad D=7 \\ C=5 \times 5 \times 5 \times 5 = 625, & \quad D=7 \times 7 = 49 \\ C=5 \times 5 \times 5 \times 5 \times 5 = 3125, & \quad D=7 \times 7 \times 7 = 343 \end{aligned}$$

など数多くあるが, 条件(3)のCのけた数はDのけた数より2けた多いのは
 C=125, D=7
 のときである。

A	16	B	9	C	125	D	7
---	----	---	---	---	-----	---	---

6

問1 3点 88.5 点

問2 8点

問1の条件に加えて, AとBとCの平均点は85点, AとBとEの平均点は90点

$$\begin{aligned} A+B+C+D+E &= 84 \times 5 \quad \dots \textcircled{1} \\ C+D+E &= 81 \times 3 \quad \dots \textcircled{2} \\ A+B+C &= 85 \times 3 \quad \dots \textcircled{3} \\ A+B &+ E = 90 \times 3 \quad \dots \textcircled{4} \end{aligned}$$

②に③を加えると
 $A+B+C+D+E+C=498 \quad \dots \textcircled{5}$

⑤に①を当てはめると
 $420+C=498$
 $C=78$

②に④を加えると
 $A+B+C+D+E+E=513 \quad \dots \textcircled{6}$

⑥に①を当てはめると
 $420+E=513$
 $E=93$

②にC=78, E=93を当てはめると
 $78+D+93=243$
 $D=72$

また, 問1より $A+B=177$ なので, AとBは最低でも77点である。
 したがって, Dが一番点数が低い。

答	一番点数が低い人	D	点数	72	点
---	----------	---	----	----	---

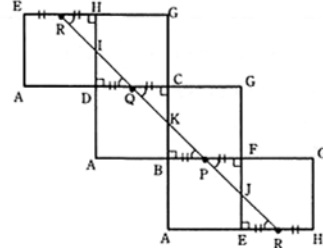
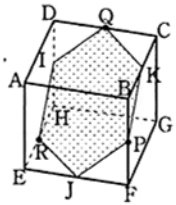
7

問1 5点 36 cm³

問2 8点

毎秒2.5cmの速さで動くとき, 6秒後に点Pはちょうど辺BFのまん中の点に位置する。また, 3点P, Q, Rの速さの比は 5:1:3 ですから, 点Qは毎秒0.5cm, 点Rは毎秒1.5cmで動き, 6秒後に点Qは辺DCのまん中の点に, 点Rは辺HEのまん中の点に位置します。よって, 3点P, Q, Rを通る平面でこの立方体を切断すると切り口は 六角形 になります。

辺DHと切断面との交点をI, 辺EFと切断面との交点をJ, 辺BCと切断面との交点をKとすると,
 三角形QDI, 三角形IHR, 三角形REJ,
 三角形JFP, 三角形PBK, 三角形KCQ
 はすべて同じ大きさの直角二等辺三角形なので
 $RI=QI=QK=PK=JP=JR$
 よって, 切り口は 正六角形



答 正六角形

解説

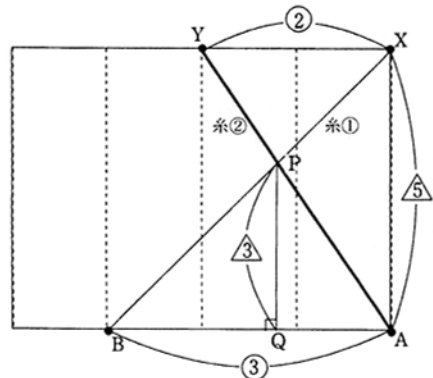
問1 点Pは頂点A, 点Qは頂点C, 点Rは頂点Hの位置にあります。
 面 ABCD, CDHG, ADHE は同じ大きさの正方形ですから,
 対角線 AC, CH, HA の長さは等しくなります。
 よって, 3点P, Q, Rを通る平面でこの立方体を切断すると
 切り口は 正三角形 になります。
 また, この正三角形の体積は,

$$\left(6 \times 6 \times \frac{1}{2}\right) \times 6 \times \frac{1}{3} = 36 \quad \text{よって, } 36 \text{ cm}^3$$

8

問1 3点 ウ

問2 8点



三角形PABと三角形PYXは, 大きさは異なるが形は同じ三角形で, それらの辺の長さの比は3:2になる。よって,

$$PB:PX=3:2.$$

また, 三角形PQBと三角形XABも同様で, それらの辺の長さの比は3:5になる。もとの円柱と切断後の円柱の体積の比は, もとの円柱の高さと切断後の円柱の高さの比に等しいので,

$$XA:PQ=5:3$$

答 5:3